

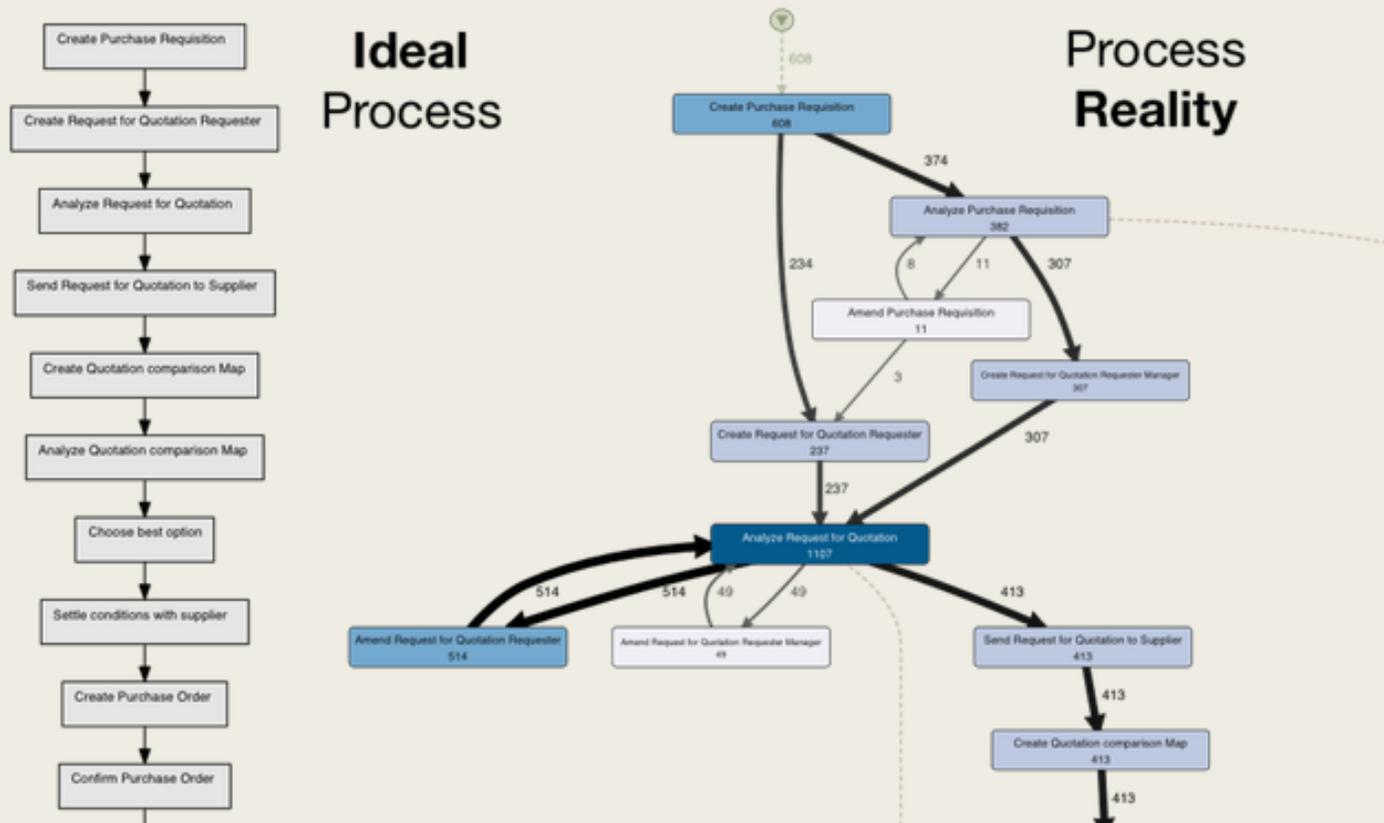
# МЕТОД ЭФФЕКТИВНОЙ ДЕКОМПОЗИЦИИ МОДЕЛЕЙ ПРОЦЕССОВ ДЛЯ ИХ ПОЧИНКИ

Выполнил:  
Тихонов Семён  
стажёр-исследователь НУЛ ПОИС,  
студент группы БПИ162.

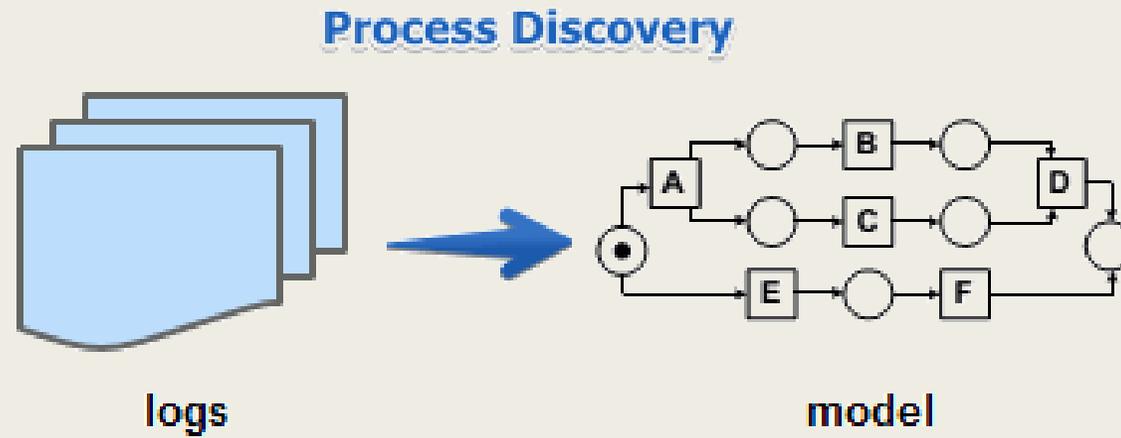
Научный руководитель:  
Мицюк Алексей Александрович.

# Process Mining

- Цель: усовершенствование процессов на основании изучения журналов событий.

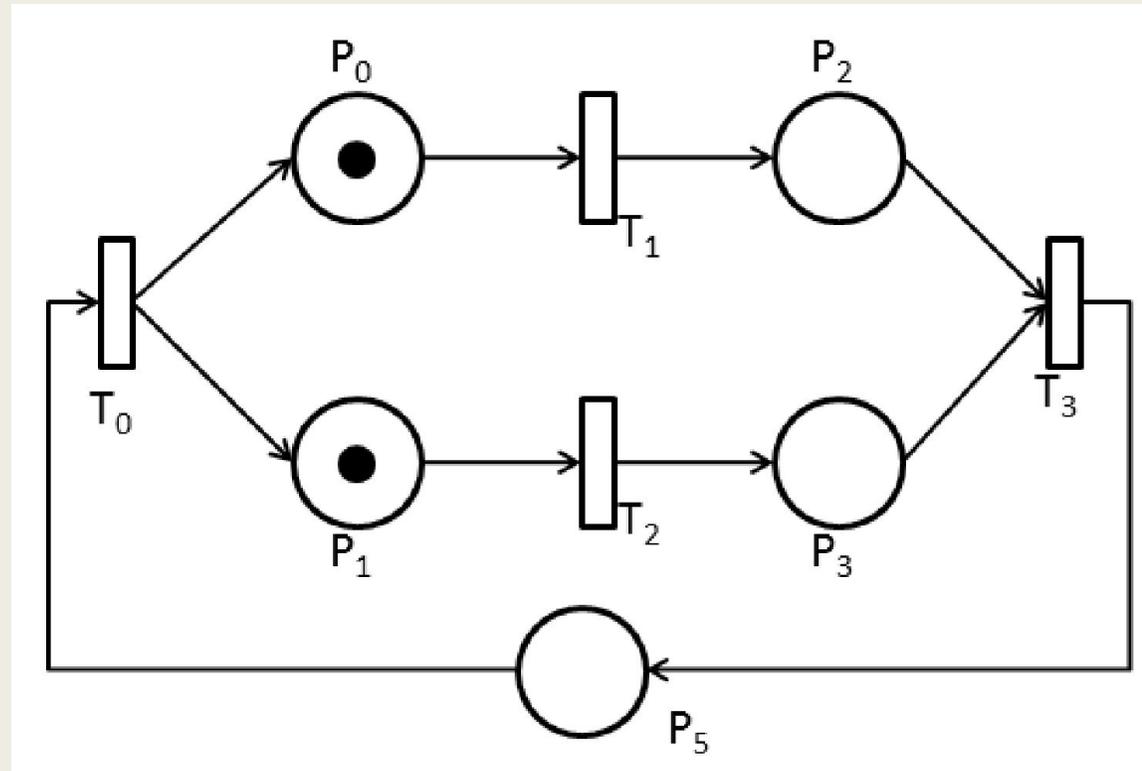


# Модели процессов



# Сеть Петри

- Сеть Петри - тройка  $N = (P, T, F)$
- $P$  и  $T$  – конечные множества состояний и переходов
- $F \subset (P \times T) \cup (T \times P)$  – множество дуг



# Починка моделей процессов

Проблема: модели процессов часто *не соответствуют реальному поведению* системы.

**Подход:** создать принципиально новую модель на основе существующих логов, используя discovery-алгоритмы.

Недостатки подхода:

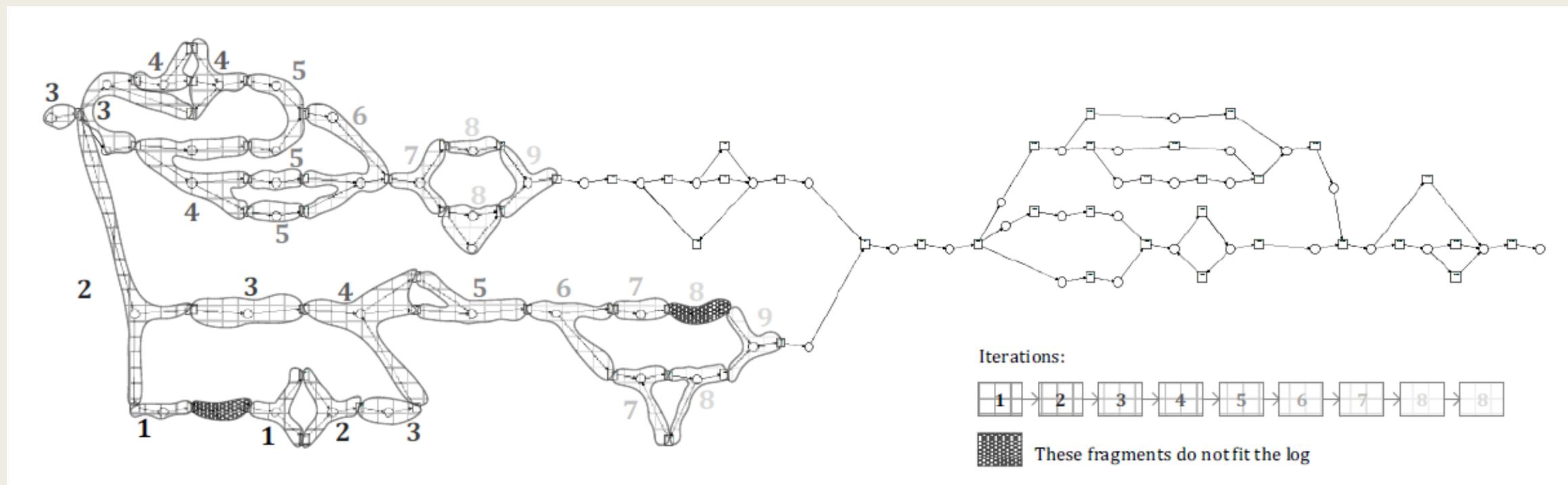
- Уже построенная модель могла иметь высокую ценность (например, у нее была хорошая структура или она была создана экспертами, которым впоследствии предстоит продолжать работу с этой моделью).

# Основные принципы починки

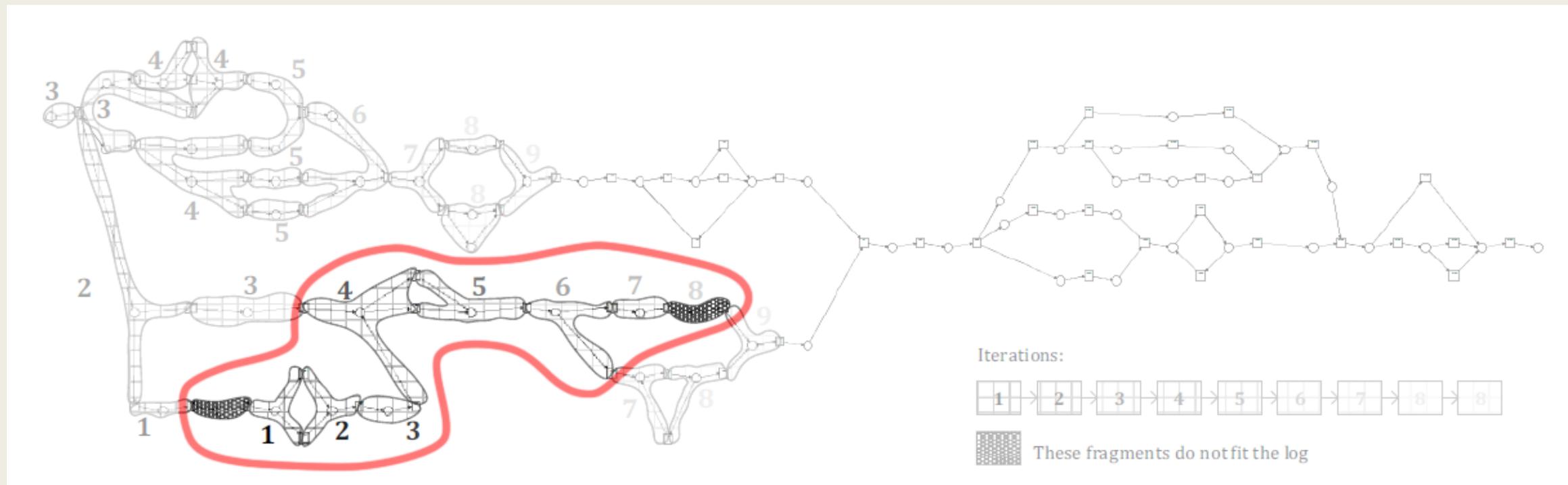
- Не создавать принципиально новую модель
- Исправлять уже существующую модель
- **Изменять как можно меньше** фрагментов существующей модели
- Изменять фрагменты модели, не соответствующие сублогу.

# Жадный алгоритм починки моделей

- **Подход:** чинить большой фрагмент модели, включающий в себя все проблемные части декомпозиции.



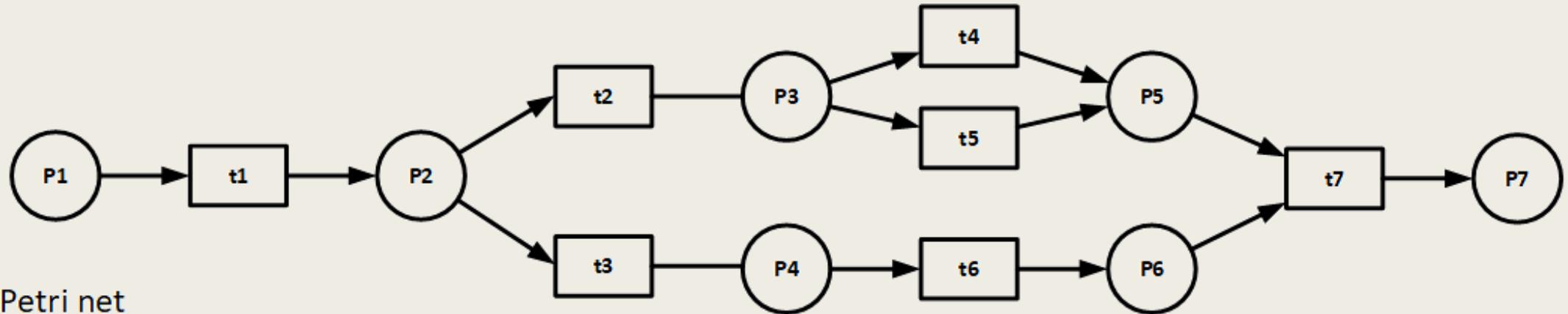
# Как добиться того, чтобы не выделялись лишние части?



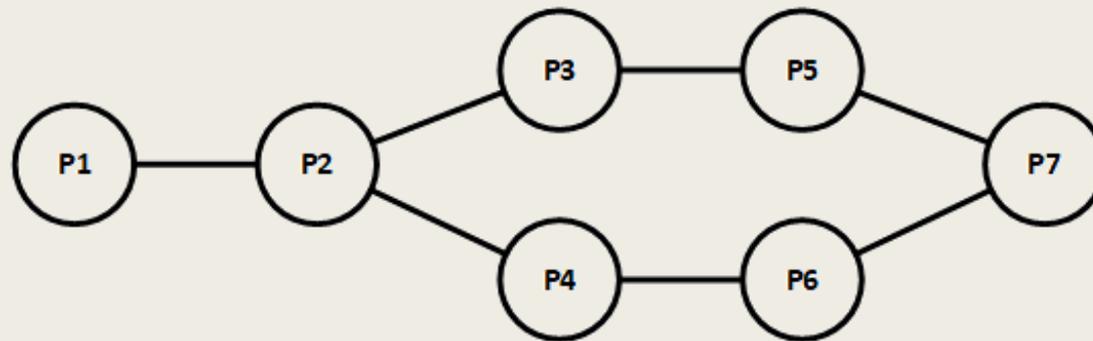
# Граф декомпозиции

- Для данной сети Петри  $N = (P, T, F)$  граф декомпозиции – пара  $(V, E)$ , где  $V = P$  – множество всех переходов в сети Петри, а  $E = \{p_1 p_2 \mid p_1, p_2 \in P, \exists t \in T: (F(p_1, t) \neq 0) \wedge (F(t, p_2) \neq 0)\}$  – множество дуг.
- ГД – способ показать связь между двумя состояниями в сети Петри вне зависимости от количества переходов между ними.
- Существование дуги в ГД между вершинами  $p_1$  и  $p_2$  означает, что в изначальной модели состояния  $p_1$  и  $p_2$  непосредственно соединены хотя бы одним переходом.

# Граф декомпозиции



b) Decomposition graph

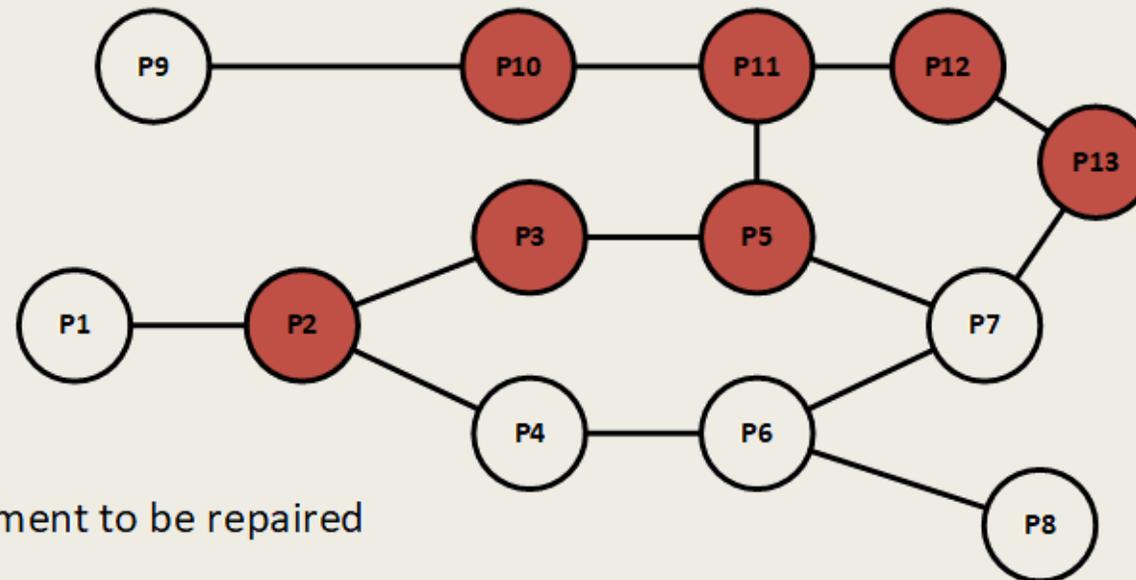
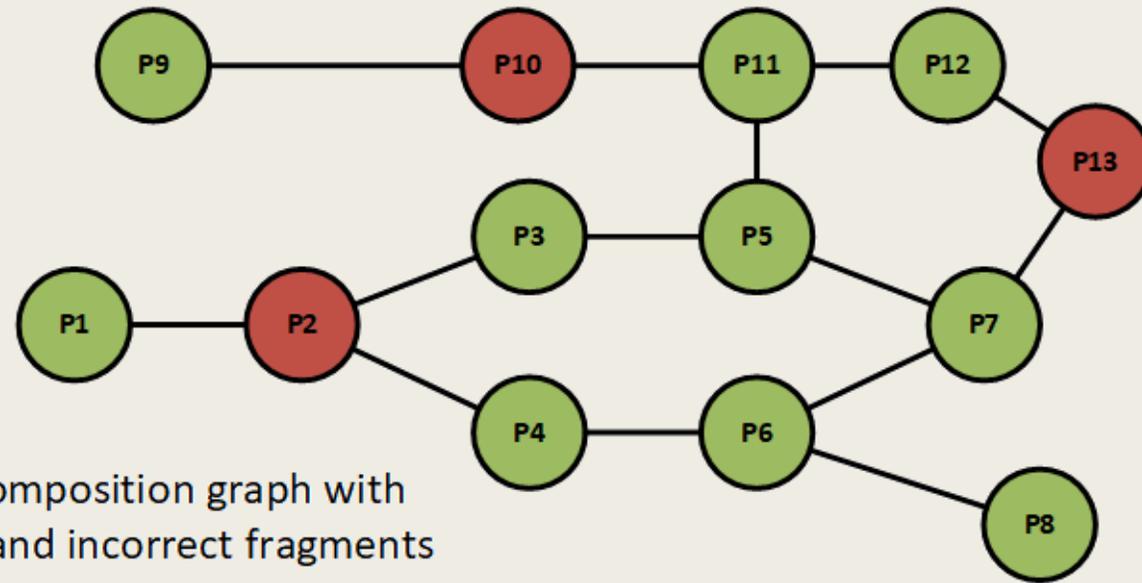


# Постановка задачи

- **Имеем:** неориентированный граф с вершинами двух типов: **красные** (**некорректные** фрагменты модели) и **зелёные** (корректные фрагменты)
- **Цель:** построить подграф, который соединит между собой **все красные вершины**, при этом в подграф будет включено наименьшее возможное число зеленых вершин.

# Постановка задачи

## задачи

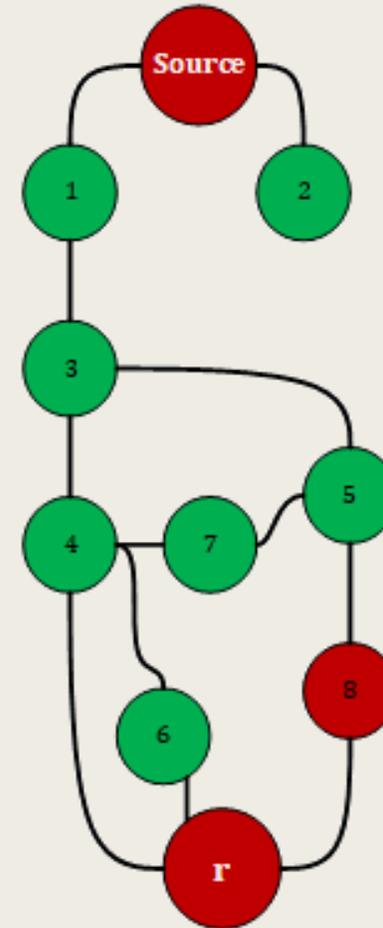


# Доминаторы в теории графов

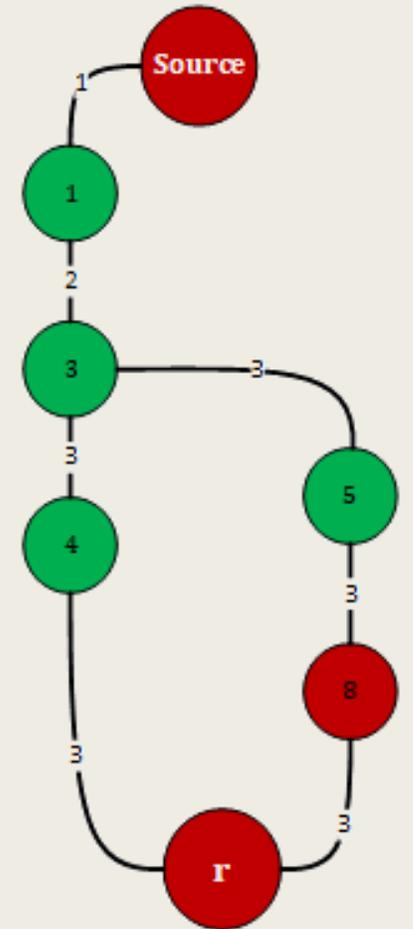
- **Определение:** Пусть  $S$  – входной узел (вершина) графа. Тогда считается, что узел  $d$  доминирует над узлом  $n$ , если любой путь от входного узла графа к  $n$  проходит через  $d$ . В частности, каждый узел доминирует над самим собой. Обозначение:  $d \text{ dom } n$

# Функция getAllShortestPaths

- Находит множество всех путей минимальной длины из вершины *Source* в вершину *r* с помощью стандартного поиска в глубину.
- Стоимость перехода по дуге, заканчивающейся в вершине красного цвета, равна нулю; стоимость перехода по дуге, заканчивающейся вершиной зеленого цвета, равна единице.
- Возвращает объединение всех найденных путей.



a) paths of minimum length from *Source* to *r* are to be found



b) the unification of paths *Source-1-3-4-r* and *Source-1-3-5-8-r*

# Алгоритм

- $B$  – множество вершин графа декомпозиции с идеальным соответствием суб-логу.  
 $R$  – множество вершин графа декомпозиции без идеального соответствия суб-логу
- Входные данные:  $G = (V, E)$  – граф декомпозиции, где  $V$  – пара  $(B, R)$ .
- Выходные данные: граф  $G_{fitting}$  и граф  $G_{unfitting}$ .

# Алгоритм

1. Случайным образом выбрать вершину *Source* из множества вершин *R*.
2. Создать пустое множество *Doms*, которое будет содержать доминаторов, найденных в шаге 3.а).
3. Для каждой вершины  $r \in R$ :
  - а) Создать граф кратчайших путей  $G_r$  с помощью функции  $getAllShortestPaths(G, Source, r)$ ;
  - б) В  $G_r$  найти всех доминаторов над вершиной  $r$ ;
  - в) Добавить найденные доминаторы ко множеству *Doms*.

# Алгоритм

4. Для всех  $d_1, d_2 \in Doms$ , таких что дуга  $d_1 d_2 \in E$ :
  - a) Добавить  $d_1$  и  $d_2$  к множеству  $Vertices_{unfitting}$ ;
  - b) Добавить дугу  $d_1 d_2$  к множеству  $Edges_{unfitting}$ .
5. Для каждой вершины  $r : (r \in R) \wedge (r \notin Vertices_{unfitting})$ :
  - a) Найти  $P = (V_{path}, E_{path})$  – кратчайший путь из вершины  $r$  к ближайшей вершине из множества  $Vertices_{unfitting}$ ;
  - b) Добавить все вершины  $v_p \in V_{path}$  к множеству  $Vertices_{unfitting}$ ;
  - c) Добавить все дуги  $e_p \in E_{path}$  к множеству  $Edges_{unfitting}$ ;

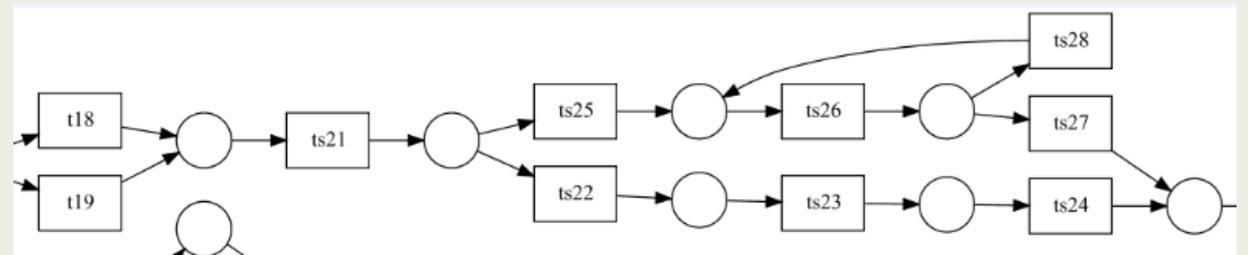
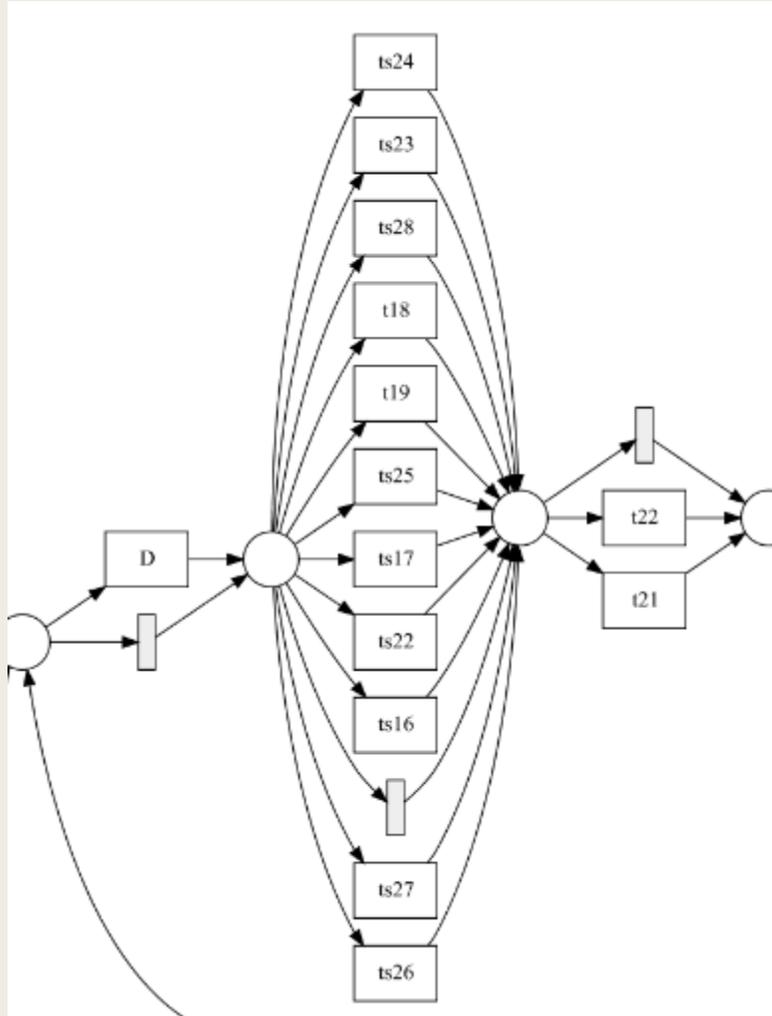
# Алгоритм

6. Создать множества  $Vertices_{fitting} = \{v \mid v \in V \setminus Vertices_{unfitting}\}$  и  $Edges_{fitting} = \{e \mid e \in E \setminus Edges_{unfitting}\}$ .
7. Вернуть граф  $G_{fitting} = (Vertices_{fitting}, Edges_{fitting})$  и граф  $G_{unfitting} = (Vertices_{unfitting}, Edges_{unfitting})$ .

# Оценка результатов

	Smart	Greedy	Smart	Greedy	Smart	Greedy	Smart	Greedy
	Size of wrapper		Iterations		Size of final model		time	
1	47	113	1	5	142	170	242862	2692
2	55	126	1	12	152	171	225070	1336
3	50	125	1	11	135	167	6262	1248
4	80	133	1	15	174	166	135474	1058
5	60	123	1	8	175	168	162256	932
6	48	120	1	9	135	168	4892	1254
7	31	45	1	1	142	149	16264	452
8	53	117	1	9	144	167	13368	906
9	38	61	1	4	143	154	69310	456
10	62	123	1	9	170	170	578948	1084
<i>average</i>	52,4	108,6	1	8,3	151,2	165	145470,6	1141,8
<i>median</i>	51,5	121,5	1	9	143,5	167,5	102392	1071
<i>max</i>	80	133	1	15	175	171	578948	2692
<i>min</i>	31	45	1	1	135	149	4892	452

# Сравнение разработанного и жадного методов



Спасибо за внимание!

Q&A time